

Wir wissen: in jedem endlichen strategischen Spiel ex. und. ehm. gemischte NG.

Ermittlung: Berechnung?

Berechnung: "von Hand":

Ermittlung: α^* ist NG glv. f.a. $i \in N$:

jede reine Strategie $a_i \in \text{supp}(\alpha_i^*)$ ist die best. Antwort auf α_{-i}^* .

Bsp.: Bsp

		Sp 2	
		B	S
Sp 1	B	2, 1	0, 0
	S	0, 0	1, 2

α^*

Berechnung: in jedem ehm. gemischten NG gilt:

$$0 < \alpha_1^*(B) < 1 \quad \text{und} \quad 0 < \alpha_2^*(S) < 1.$$

$$\text{also } \text{supp}(\alpha_1^*) = \{B, S\}$$

$$\Rightarrow \underline{U}_1(B, \alpha_2^*) = \underline{U}_{\boxed{1}}(S, \alpha_2^*).$$

$$U_1(B, \alpha_2^*) = 2 \cdot \alpha_2^*(B) + 0 \cdot \alpha_2^*(S)$$

$$U_1(S, \alpha_2^*) = 0 \cdot \alpha_2^*(B) + 1 \cdot \alpha_2^*(S)$$

$$= 1 \cdot (1 - \alpha_2^*(B))$$

$$\text{Gleichsetzen}: 2 \cdot \alpha_2^*(B) = 1 - \alpha_2^*(B)$$

$$\Rightarrow \alpha_2^*(B) = \frac{1}{3} \Rightarrow \alpha_2^*(S) = \frac{2}{3}.$$

Analog erhält man $\alpha_1^*(B) = \frac{2}{3}$, $\alpha_1^*(S) = \frac{1}{3}$.

$$\text{Risultat}: \left(\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right), \left(\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right) + \left(\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right)$$

$$= \left(\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right)$$

Systematische NG-Berechnung

* Für Nullsummenspielen: Rücksicht auf Lös. eines LP

* Allgemein: Rücksicht auf Lös. eines CO.

4.1 NG-Berechnung in endlichen Nullsummenspielen

- Nach Satz von Nash ex. univ. ehm. gem. NG
 - Satz 4 \Rightarrow NG ist Paar von Maxminen
 - Satz 4 \Rightarrow jedes Paar von MMs ist NG, also mit gleicher Rücksichtspflicht.
- \Rightarrow es genügt, Paare von Maxminierung zu suchen.

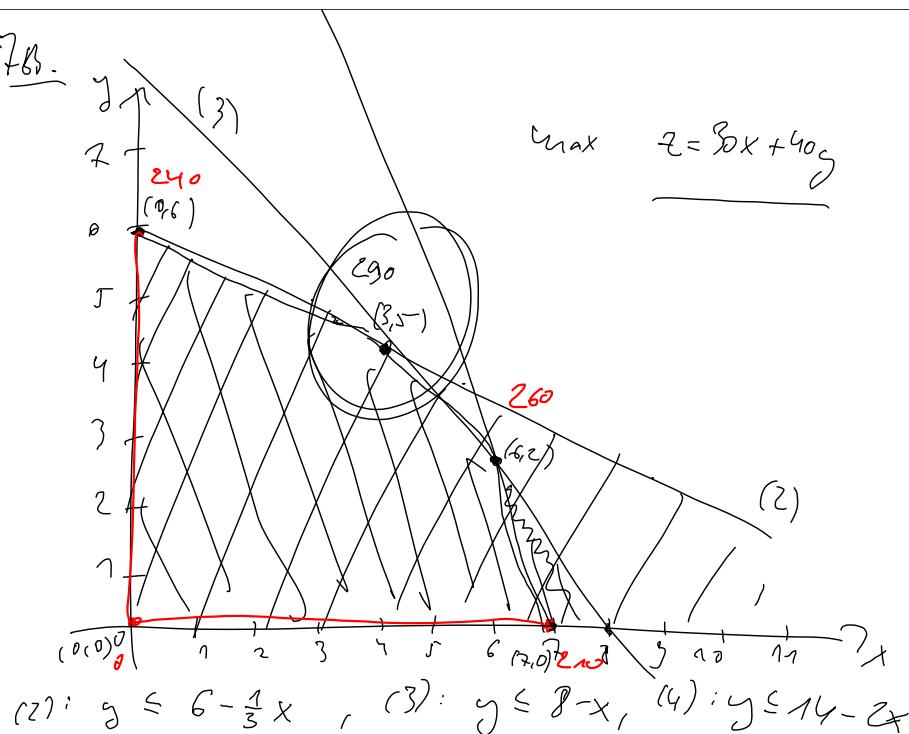
4.1.1 Exkurs: Lineare Programmierung

Lösung eines linearer Ungleichungssystems über n reellen Variablen unter Maximal-/Minimierung einer linearen Zielfunktion.

Bsp.:

	Zurhende	Zusammen	Wahlbereich	Gesetz./Rück
x Sat 1.	25	60	68	30 €
y Sat 2.	25	60	34	40 €
Constante (Max. T-g)	450	480	726	

FB:



Ziel: finde Stückzahlen x und y von Sort. 1

Sort. 2 pro Tag, s.d. Ressourcenverbrauch erfüllt und Gewinn maximiert wird.

Formal: $x \geq 0, y \geq 0$ (1)

$$25x + 75y \leq 450 \quad (2)$$

$$60x + 60y \leq 480 \quad (3)$$

$$68x + 34y \leq 726 \quad (4)$$

$$\text{Maximiere } \frac{30x + 40y}{(5)}$$

(1)-(4): & linear Log. (konvexe Menge in \mathbb{R}^2)
(5): Sollpunkte

Def.: (LP in Standardform), Ein LP in

Standardform besteht aus n reellen Variablen x_i , m Koeffizienten s_i , m Konstanten c_j , m m Koeffizienten a_{ij} , m Ungleichungen:

$$c_j \leq \sum_{i=1}^n a_{ij} x_i$$

sowie der (zu minimieren) Zielfunktion

$$\sum_{i=1}^n s_i x_i \quad (\text{für } x_i \geq 0).$$

Bsp: • Maximierung statt Minimierung durch Umstellen
der Vorenthalten der S.

- statt Ungleichungen aus ~~gleichungen~~ Gleichungen möglich,
denn $x+y \leq c$ d.h. d.h. $x \geq 0$ s.d.

$$x+y+z = c$$

z heißt Rück-Variab.

Lösen von LPs: Übersetzen Simplex-Algorithmus

(womit man exponentiell). LP-Löser selbst ist
erstmalig polynomial (Damen-Punkt-Methode,
Ellipsoidenmethode).